오목 렌즈 함수를 이용한 초고해상도 Computer Generated Hologram 생성 알고리즘 \*이승열 \*이창주 \*최우영 \*\*오관정 \*\*홍기훈 \*\*최기홍 \*\*전상훈 \*\*박중기 \*경북대학교 \*\*한국전자통신연구원

\*seungveol@knu.ac.kr

Extremely High-Definition Computer Generated Hologram Calculation Algorithm with Concave Lens Function

\*Lee, Seung-Yeol \*Lee, Chang-Joo \*Choi, Woo-Young \*\*Oh, Kwan-Jung

\*\*Hong, Kee-Hoon \*\*Choi, Kihong \*\*Cheon, Sang-Hoon \*\*Park, JoongKi

\*School of Electronics Engineering, College of IT engineering, Kyungpook National University

\*\*Electronics and Telecommunication Research Institute (ETRI)

# 요약

3D 디스플레이 산업에 있어서 홀로그램의 상용화는 여전히 많은 문제점을 가지고 있다. Computer Generated Hologram(CGH)은 홀로그램 분야 중에서도 3D 물체를 생성하는데 여러 가지 강점을 가지고 있지만 큰 해상도를 가진 CGH를 생성하는데 많은 연산시간이 걸려 상업화에 걸림돌이 되고 있다. 이 논문에서는 이를 해결하기 위하여 오목 렌즈 함수를 이용한 초 고해상도 CGH를 생성하는 알고리즘을 이용하여 초 고해상도 홀로그램을 생성하는 방법을 제안하였다. 초 고해상도 CGH를 생성하기 위하여 필요한 일반적인 방법으로 실제로 계산해야 될 CGH의 크기는 4 메가픽셀(2k X 2k) 수준의 저해상도로서, 저사양의 컴퓨터로서도 충분히 빠르고 부담 없이 계산해낼 수 있는 사이즈이다. 생성된 CGH로 Array를 형성한 후, 해당 위치에 알맞은 임의의 오목 렌즈 함수를 곱해줌으로서 임의의 크기 및 복원 거리를 가지는 초고해상도 CGH를 생성할 수 있음을 확인하였다.

### 1. 서론

컴퓨터 생성 홀로그래피(CGH)는 광파의 진행을 수치적으로 시뮬레이션하여 홀로그램 영상을 합성하는 연구 분야이다. CGH는 홀로그램 연구 분야 중에서도 아날로그 홀로그램으로는 기록하기 어려운 다양한물체들을 재구성할 수 있으며, 특히 3D 물체를 생성하는 최종 기술이라고 언급되고 있다. 좋은 CGH는 일반적으로 3D 물체를 보기 위한 넓은 시야각과, CGH가 물체를 나타내기에 충분히 큰 공간 면적을 가지고 있는 두 가지 조건을 만족하여야 함이 알려져 있다[1]. 하지만 이 두 가지조건을 모두 만족하는 CGH를 생성하는 데에는 매우 많은 수의 픽셀 수를 요구하며, 이는 많은 연산양을 요구하게 된다. 왜냐하면 넓은 시야각을 얻기 위해서는 작은 크기의 픽셀 크기를 요구하고, 동시에 큰 공간면적은 많은 수의 픽셀을 요구하여, 좋은 시야각을 가지면서도 큰 공간면적을 가지기 위해서는 매우 많은 수의 픽셀수가 필요해지며, 이것은매우 많은 연산 시간을 초래하게 된다. 일반적으로는 이 두 가지조건중한 가지를 희생한 CGH를 생성한다.

CGH를 생성하는데 드는 많은 연산양은 그동안 CGH가 산업화되는데 큰 걸림돌로 작용해 왔다. 최근 연구에서는 이러한 문제를 해결하기위해서 각 조건들을 개선하는 연구가 진행된 바 있다. CGH 연산 시간을줄이기위한 다양한 연구들이 진행되어 왔으며, 예를 들면 point spread function의 sparse approximations를 이용하거나[5], 파장 필드의 효율적인 수치 전파를 위한 알고리즘을 개선하거나[6], 포인트 대신 폴리곤

기반 연산방식을 이용하여 연산속도를 줄이거나[7]. GPU를 이용하여 계산 속도를 가속시키는 등[8], 다양한 방식들이 제안되어 왔다[9]. 하지만 10억 기가픽셀이 넘어가는 초 고해상도 CGH를 생성하기 위해서는 아무리 개선된 연산방식을 이용한다 하더라도 매우 높은 스펙의 연산장치가 요구되거나 정상적으로 작동되지 않는 문제는 여전히 홀로그램 상업화에 장애물로서 남아있다. 이러한 문제점을 회피하기 위하여 standard desktop machine에서도 초 고해상도 CGH를 생성하기 위한 방법들이 제안되었지만[10], 여전히 많은 메모리 사용량과 오랜 연산시간은 해결되어야할 문제로 남아있다.

해당 논문에서는, standard desktop machine 에서도 초 고해상도 CGH를 생성할 수 있는 오목 렌즈 함수를 이용한 고해상도 CGH 생성 알고리즘을 설명하고자 한다. 제안하는 방법은 계산된 하나의 홀로그램을 재사용하여 배열을 생성하여 여러 뷰의 홀로그램을 만들어냄으로서 홀로그램 연산시간을 드라마틱하게 줄일 수 있다. 해당 방법은 integral imaging방식을 차용하여 고해상도 홀로그램 연산 방식에 접목하였다 [11].

## 2. 오목 렌즈 함수를 이용한 CGH 생성 알고리즘

제안하는 방법을 이용하기 위해서는 먼저 저해상도의 CGH를 일반적인 방식을 이용하여 생성하고, CGH의 크기 및 픽셀 피치의 크기는 임의의 초점 거리를 가진 상태에서 기록하고자 하는 물체의 특성을 모두

담을 수 있는 크기 및 픽셀 피치를 가지도록 한다. 이 때 주어진 공간의 크기가 픽셀 피치의 크기에 따라 가지는 시야각의 크기보다 커 기록되지 않은 빈 공간이 생기거나 시야각의 크기보다 작아 패턴 안에 정보가 충분하게 기록되지 않는다면 제안하는 알고리즘을 사용하여 고해상도로 제작하였을 시 잔상이 생기거나 상이 온전하게 복원되지 않을 수 있다. 기록하는 CGH의 크기는 4메가픽셀(2k X 2k)수준으로도 충분하며, 그보다 큰 면적을 가진 CGH를 이용할 시 복원될 홀로그램의 선명도를 더높일 수 있습니다.

생성된 CGH를 원하는 해상도의 크기만큼 복사하여 배열을 형성시켜준 후, 각 CGH 패턴에 다음과 같이 렌즈 함수를 곱해준다.

$$h' = he^{i\pi\left(\frac{(x - Nx \times px \times \frac{M_i}{2})^2 + (y - Ny \times py \times \frac{M_j}{2})^2}{\lambda f}\right)}$$
(1)

여기서 h는 CGH패턴이며 Nx, Ny는 각각 x, y방향의 픽셀 수이며, px, py는 각각 x, y방향의 픽셀 크기이다. 그리고  $M_{i,j}$ 는 CGH의 해 상도를 늘리고자 하는 확대 계수이며 그에 따라 배열된 CGH 패턴의 중심에 대한 위치에 따른 값을 가진다.  $\lambda$ 는 CGH를 기록하는데 이용한 파장의 길이이며 f는 오목 렌즈의 초점 거리이며 아래와 같은 일반적인 렌즈 함수 공식에 의하여 다음과 같이 결정한다.

$$f = \frac{z}{1 - M} \tag{2}$$

여기서 z는 CGH에 기록한 물체의 초점거리이다. 위와 같은 알고리즘을 나타낸 도식화가 그림 1에 표현되어 있다. 이렇게 생성되는 홀로그램 이미지의 크기는 기존에 기록한 이미지의 크기에 비해 M배 커지게 되기때문에 처음 CGH에 기록하는 홀로그램 이미지의 크기를 1/M배의 크기로 기록하여야 한다.

그림 2는 제안된 알고리즘의 시뮬레이션 결과이다. (a)는 17280 X 17280 사이즈의 CGH를 계산하기 위하여 2160 X 2160 사이즈의 CGH를 먼저 계산한 후 제안된 알고리즘을 이용하여 8배 확대시킨 CGH 패턴이다. (b)는 이것을 복원시킨 홀로그램 이미지 상이며, (c)는

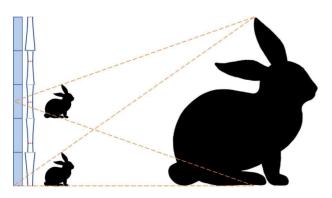


그림 1 오목 렌즈 함수를 이용한 CGH 생성 알고리즘

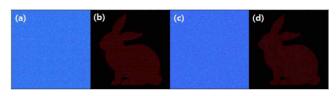


그림 2 제안된 알고리즘의 시뮬레이션 결과. (a) 2160 X 2160사이 즈로 계산된 CGH를 제안된 알고리즘을 이용하여 8배 확대한 CGH (b) (a)의 복원 결과 (c) 17280 X 17280사이즈를 한번에 계산한 CGH (d) (c)의 복원 결과

17280 X 17280사이즈의 CGH를 한번에 계산한 CGH 결과이며 (d)는 (c)를 복원시킨 홀로그램 이미지이다.

### 3. 결론

오목 렌즈 함수를 이용한 초 고해상도 CGH를 생성하는 알고리즘을 이용하여 초 고해상도 홀로그램을 생성하는 방법을 제안하였다. 제안한 방법은 4메가픽셀(2k X 2k)수준의 저해상도 CGH를 배열시킨 후 배열된 각 CGH의 위치에 맞는 오목 렌즈 함수를 곱해줌으로서 해상도 및홀로그램 이미지의 크기를 확대시킨 CGH를 얻을 수 있는 방법으로서 standard desktop machine에서도 고해상도 홀로그램을 계산해낼 수 있으며 연산시간도 훨씬 단축할 수 있음을 확인하였다.

## Acknowledgement

이 논문은 2019년도 정부(과학기술정보통신부)의 재원으로 정보통 신기획평가원의 지원을 받아 수행된 연구임 (No. 2019-0-00001, 홀로그 램 영상 서비스를 위한 Holo-TV 핵심 기술 개발)

### 5. 참고문헌

- [1] K. Matsushima and S. Nakahara, "Extremely high-definition full-parallax computer-generated hologram created by the polygon-based method," Appl. Opt. 48(34), H54 H63 (2009).
- [5] D. Blinder, "Direct calculation of computer-generated holograms in sparse bases," Opt. Express 27(16), 23124 23137 (2019).
- [6] Blinder, D.; Shimobaba, T. Efficient algorithms for the accurate propagation of extreme-resolution holograms. Opt. Express 2019, 27, 29905 29915. (2019).
- [7] K. Matsushima, "Computer-generated holograms for threedimensional surface objects with shade and texture," Appl. Opt. 44, 4607 4614 (2005).
- [8] J. Song, J. Park, H. Park, and J.-I. Park, "Real-time generation of high-definition resolution digital holograms by using multiple graphic processing units," Opt. Eng. 52(1), 015803 (2013).
- [9] T. Shimobaba, T. Kakue, and T. Ito, "Review of fast algorithms and hardware implementations on computer holography," IEEE Trans. Industr. Inform. 12(4), 1611 1622 (2016).
- [10] R. P. Muffoletto, J. M. Tyler, and J. E. Tohline, "Shifted fresnel diffraction for computational holography," Opt. Express15(9),5631 5640. (2007).
- [11] Ai, L.; Cao, H.; Sun, H.; Shi, X. Performance enhancement of integral imaging based Fresnel hologram capturing by the intermediate view reconstruction. Opt. Express 27, 31942 31955.